

Exercice 6 p 70 :

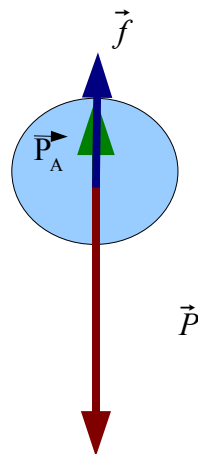
Bilan des forces s'appliquant sur une sphère en chute verticale dans l'air :

Référentiel d'étude : terrestre

Système étudié : la sphère en chute verticale

Bilan des forces : le système subit trois forces :

- **le poids** \vec{P} : point d'application : centre de gravité du système
direction : verticale
sens : vers le bas
valeur : $P = m \times g$ (m étant la masse de la sphère et g la constante de gravitation terrestre).
- **La poussée d'Archimède** \vec{P}_A :
point d'application : centre de gravité du fluide déplacé (qui correspond ici au centre de gravité de la sphère)
direction : verticale
sens : vers le haut
intensité : valeur du poids du fluide déplacé
- **la force de frottement fluide** \vec{f} :
point d'application : centre de gravité de la sphère
direction : celle du mouvement donc verticale
sens : opposé au mouvement donc vers le haut
valeur : inconnue.

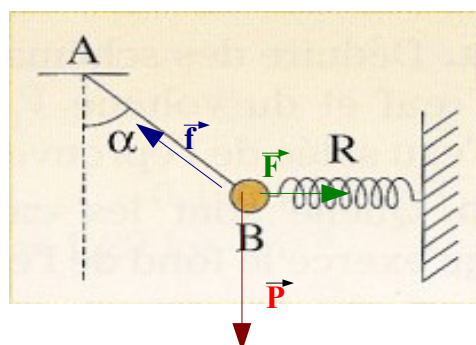


Exercice 17 p 72 :

Référentiel : terrestre

Système étudié : la bille

Schéma de l'expérience :



a) Bilan des forces :

La bille est soumise à trois forces extérieures :

- le poids \vec{P} : point d'application : centre de gravité de la bille
direction : verticale
sens : vers le bas
intensité : $P = 1,00 \text{ N}$
- la force de rappel du ressort \vec{F} : point d'application : point contact entre le ressort et la bille
direction : celle du ressort
sens : vers l'origine du ressort
intensité : $F = 0,50 \text{ N}$
- la force qu'exerce le fil sur la bille \vec{f} : point d'application : point de contact entre le fil et la bille
direction : celle du fil
sens : vers le point A
intensité : inconnue

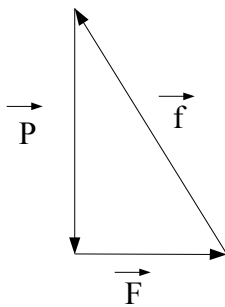
b) Conditions nécessaires à l'équilibre de la bille :

Pour que la bille soit en position d'équilibre il faut que les trois s'exerçant sur la bille répondent aux deux conditions suivantes :

- les droites d'action de ces trois forces doivent se couper en un même point (ici le centre de gravité de la bille)
- la relation vectorielle $\vec{P} + \vec{F} + \vec{f} = \vec{0}$ doit être vérifiée.

c) Calcul de f et α :

La bille étant en équilibre, la relation vectorielle $\vec{P} + \vec{F} + \vec{f} = \vec{0}$ est vérifiée. On a donc :



En utilisant les propriétés du triangle rectangle on obtient :

$$f = \sqrt{F^2 + P^2} = \sqrt{1,00^2 + 0,50^2} = 1,12 \text{ N}$$

$$\tan \alpha = \frac{F}{P} = \frac{0,50}{1,00} = 0,50$$

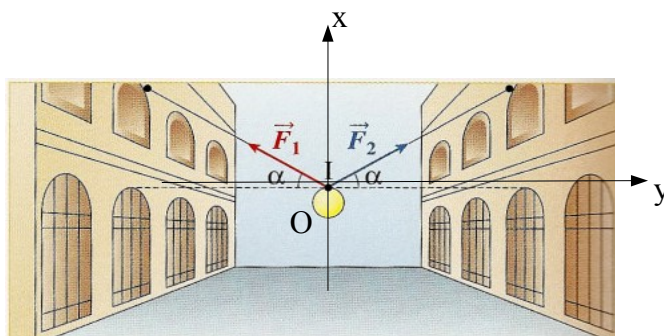
$$\text{Soit } \alpha = 27^\circ$$

Exercice 18 p 72 :

Référentiel : Terrestre

Système : sphère lumineuse

Schéma :



1- Caractéristiques de la résultante des forces exercée par les câbles sur la sphère :

a) Par une méthode graphique :

Voir construction graphique dans le manuel p 277

Point d'application : point d'attache des deux câbles sur la sphère

Direction : verticale

Sens : vers le haut

Intensité : $F = 20 \text{ N}$

b) Par le calcul :

On définit un repère orthonormé $(O; x; y)$ (voir schéma).

$$\text{On a } \vec{F} = \vec{F}_1 + \vec{F}_2$$

On décompose cette relation vectorielle sur les axes Ox et Oy :

$$\text{Sur Ox : } F_x = F_2 \cos \alpha - F_1 \cos \alpha \quad (1)$$

$$\text{Sur Oy : } F_y = F_2 \sin \alpha + F_1 \sin \alpha \quad (2)$$

Sachant que $F_1 = F_2$ on en déduit alors que :

$$(1) \text{ donne } F_x = F_1 \cos \alpha - F_1 \cos \alpha = 0$$

$$(2) \text{ donne } F_y = F_1 \sin \alpha + F_1 \sin \alpha = 2F_1 \sin \alpha$$

$$\text{Soit } F = 2 \times 20 \times \sin 30^\circ = 20 \text{ N}$$

Donc on en déduit que :

Point d'application : point d'attache des deux câbles sur la sphère

Direction : verticale

Sens : vers le haut

Intensité : $F = 20 \text{ N}$

2- En déduire le poids de la sphère :

La sphère étant en position d'équilibre alors la relation vectorielle $\vec{P} + \vec{F} = \vec{0}$ est vérifiée et on en déduit que $\vec{P} = -\vec{F}$

Soit les caractéristiques du poids \vec{P} :

- points d'application : le centre de gravité de la sphère
- direction : verticale
- sens : vers le bas
- intensité : $P = 20 \text{ N}$

Exercice 24 p 73 :

Référentiel : terrestre

Système : alpiniste

Bilan des forces : le poids \vec{P} ; la réaction du rocher \vec{R} ; la force exercée par la corde \vec{F} .

Données de l'exercice : $P = 700 \text{ N}$

$$F = 600 \text{ N}$$

$$\alpha = 45^\circ$$

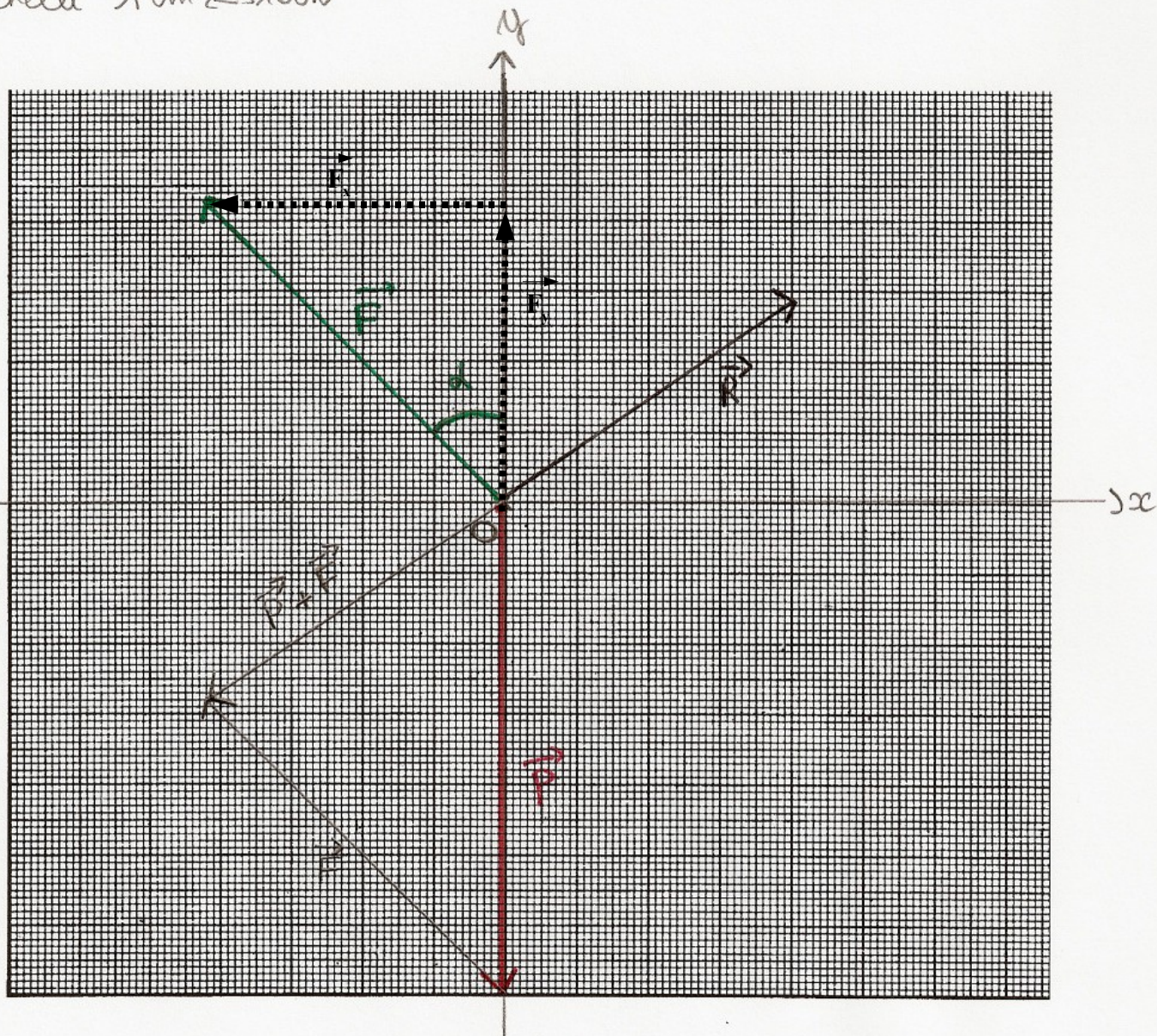
a) Valeur de la réaction du rocher par une méthode graphique :

Lorsque l'alpiniste est en contact avec les rochers il est en position d'équilibre. On a donc :

$$\vec{P} + \vec{F} + \vec{R} = \vec{0} \quad \text{Soit encore } \vec{R} = -(\vec{P} + \vec{F})$$

Ce qui graphiquement donne :

échelle $1\text{ cm} \leftrightarrow 100\text{ N}$



Graphiquement on mesure $\|\vec{R}\| = 5\text{ cm}$

Ce qui avec l'échelle choisie représente : $\mathbf{R} = 500\text{ N}$

b) Calcul des composantes de la force \vec{F} :

On a $\cos \alpha = \frac{F_y}{F}$ soit $F_y = F \cos \alpha = 600 \times \cos 45 = 4,24 \times 10^2\text{ N}$

Et $\sin \alpha = \frac{-F_x}{F}$ soit $F_x = -F \sin \alpha = -600 \times \sin 45 = -4,24 \times 10^2\text{ N}$

Soit : $\vec{F} = (-4,24 \times 10^2\text{ N} ; 4,24 \times 10^2\text{ N})$

c) Calcul des coordonnées de \vec{R} :

L'alpiniste étant en position d'équilibre lorsqu'il est en contact avec le mur, la relation vectorielle suivante est vérifiée : $\vec{P} + \vec{F} + \vec{R} = \vec{0}$

On projette cette relation sur les deux axes du repère orthonormé (O, x, y) :

Sur (Ox) : $0 + F_x + R_x = 0$ (1)

Sur (Oy) : $-P + F_y + R_y = 0$ (2)

(1) nous donne : $R_x = -F_x = 4,24 \times 10^2 \text{ N}$

(2) nous donne : $R_y = -F_y + P$

$$R_y = -4,24 \times 10^2 + 7,00 \times 10^2$$

$$R_y = 2,76 \times 10^2 \text{ N}$$